

Міністерство освіти і науки України

Харківський національний університет імені В.Н. Каразіна
Кафедра інформаційних технологій в фізико-енергетичних системах

“ЗАТВЕРДЖУЮ”

Проректор з науково-педагогічної роботи

Антон ПАНТЕЛЕЙМОНОВ

“ _____ ” 2021 р.



РОБОЧА ПРОГРАМА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

ІНТЕРАКТИВНІ ДОКАЗИ ТА КВАНТОВІ ОБЧИСЛЕННЯ

| | |
|---------------------|----------------------------------------|
| рівень вищої освіти | другий(магістерський) |
| галузь знань | 10 Природничі науки |
| спеціальність | 105 Прикладна фізика та нанометаріали |
| освітня програма | «Прикладна фізика енергетичних систем» |
| вид дисципліни | за вибором |
| ННІ | комп'ютерної фізики та енергетики |

2021 / 2022 навчальний рік

ВСТУП

Програма навчальної дисципліни «Інтерактивні докази та квантові обчислення» складена відповідно до освітніх програм підготовки **магістрів**

спеціальність: 105 Прикладна фізика та наноматеріали

освітні програми: «Прикладна фізика енергетичних систем»

1. Опис навчальної дисципліни

1.1. Мета та завдання навчальної дисципліни

Метою викладання навчальної дисципліни є дати уявлення про основні сучасні підходи до квантових обчислень, систем інтерактивних доказів, систем ймовірно перевіряємих доказів. Курс охоплює такі розділи комп'ютерних та математичних наук: складність обчислень, теорія обчислюваності, теорія графів, теорія ймовірності, обчислення у скінчених полях.

1.2. Основними завданнями вивчення дисципліни є:

- вивчення основних підходів до квантових обчислень, систем інтерактивних доказів, систем ймовірно перевіряємих доказів;
- практичне застосування основних методів і алгоритмів, які використовуються у цих підходах.

1.3. Кількість кредитів – 5

1.4. Загальна кількість годин – 150

2. Опис навчальної дисципліни

| | |
|----------------------------------------------|-------------------------------------|
| 1.5. Характеристика навчальної дисципліни | |
| за вибором | |
| Вид кінцевого контролю : семестровий екзамен | |
| Денна форма навчання | Заочна (дистанційна) форма навчання |
| Рік підготовки | |
| 1-й | -й |
| Семестр | |
| 1-й | -й |
| Лекції | |
| 16 год. | год. |
| Практичні, семінарські заняття | |
| 16 год. | год. |

| | |
|-------------------------------------|------|
| Лабораторні заняття | |
| год. | год. |
| Самостійна робота | |
| 118 год. | год. |
| у тому числі індивідуальні завдання | |
| год. | |

1.6. Заплановані результати навчання. Згідно з вимогами освітньо-професійної програми, студенти мають досягти таких результатів навчання:

знати:

- основні класи, які стосуються систем інтерактивних доказів, систем ймовірно перевіряємих доказів, квантових обчислень;
- основні алгоритми, які використовуються у вищезначених системах

вміти:

- формувати системи інтерактивних доказів, ймовірно перевіряємих доказів тощо для заданих задач
- створювати базові квантові алгоритми

2. Тематичний план навчальної дисципліни

Розділ 1. Ймовірісні обчислення

Тема 1. Методи Монте-Карло, Лас Вегас. Ймовірісні класи. Ампліфікація. Теорема Ейдельмана. Теорема Гача-Сіпсера. Проблема $P=?BPP$

Тема 2. Дерандомізація. Метод умовних математичних очікувань. Проблеми MAXCUT та MAX3SAT. Метод попарно незалежних випадкових величин. Теорема Hardness vs Randomness.

Тема 3. Задачі підрахунку. Теорема про зв'язок рівностей $P=PP$ та $FP=#P$. $#P$ – повнота. Задача про перманент. Теорема Веліанта.

Розділ 2. Системи інтерактивних доказів

Тема 4. Клас IP . Інтерактивна система для неізоморфізма графів. Загальні монетки та клас AM . Деякі властивості IP та AM .

Тема 5. $IP=PSPACE$. Арифметизація. Інтерактивний протокол для $\#SAT_D$. Протокол перевірки суми. Інтерактивний протокол для $TQBF$.

Тема 6. Системи інтерактивних доказів з нульовим розголошенням. Класи $ZKP, CZKP, PZKP, SZKP$.

Тема 7. Рациональні інтерактивні докази. Однораундові докази. Багатораундові докази.

Розділ 3. Ймовірно перевіряємі докази

Тема 8. Клас PCP . Наближений розв'язок NP -складних задач. PCP -теорема. Трибітна теорема Хестеда.

Тема 9. Експоненційна PCP -теорема. Коди Уолша-Адамара.

Розділ 4. Квантові обчислення

Тема 10. Квантова механіка. Квантова заплутаність. ЕПР-парадокс. Квантові обчислення. Криптографія.

Тема 11. Квантові алгоритми. Алгоритм Шора. Алгоритм Гровера.

3. Структура навчальної дисципліни

| Назви змістових модулів і тем | Кількість годин | | | | | | | | | | | | |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------|--------------|---|-----|-----|------|--------------|--------------|----|-----|-----|------|--|
| | денна форма | | | | | | Заочна форма | | | | | | |
| | усього го | у тому числі | | | | | усього | у тому числі | | | | | |
| | | л | п | лаб | інд | с.р. | | л | п | лаб | інд | с.р. | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | |
| Змістовий модуль 1. Ймовірнісні обчислення | | | | | | | | | | | | | |
| Тема 1. Методи Монте-Карло, Лас Вегас. Ймовірнісні класи. Ампліфікація. Теорема Ейдельмана. Теорема Гача-Сіпсера. Проблема $P=?BPP$ | | 2 | 2 | | | 17 | | | | | | | |
| Тема 2. Дерандомізація. Метод умовних очікувань. Проблеми MAXCUT та MAX3SAT. Метод попарно незалежних випадкових величин. Теорема Hardness vs Randomness. | | 2 | 2 | | | 17 | | | | | | | |
| <i>Разом за розділом 1</i> | 42 | 4 | 4 | | | 34 | | | - | - | - | | |
| Розділ 2. Системи інтерактивних доказів | | | | | | | | | | | | | |
| Тема 3. Клас IP . Інтерактивна система для неізоморфізма графів. Загальні монетки та клас AM . Деякі властивості IP та AM . | | 2 | 2 | | | 17 | | | | | | | |
| Тема 4. $IP=PSPACE$. Арифметизація. Інтерактивний протокол для $\#SAT_D$. Протокол перевірки суми. Інтерактивний протокол для $TQBF$. | | 2 | 2 | | | 17 | | | | | | | |
| Тема 5. Раціональні інтерактивні докази. Однораундові докази. Багатораундові докази. | | 2 | 2 | | | 17 | | | | | | | |

| | | | | | | | | | | | | |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|----|----|--|--|-----|--|--|---|---|---|--|
| <i>Разом за розділом 2</i> | 63 | 6 | 6 | | | 51 | | | - | - | - | |
| Розділ 3. Квантові обчислення | | | | | | | | | | | | |
| Тема 6. Квантова механіка. Квантова запутаність. ЕПР-парадокс. Квантові обчислення. Криптографія. | | 3 | 3 | | | 17 | | | | | | |
| Тема 7. Квантові алгоритми. Алгоритм Шора. Алгоритм Гровера. | | 3 | 3 | | | 16 | | | | | | |
| <i>Разом за розділом 3</i> | 45 | 6 | 6 | | | 33 | | | - | - | - | |
| <i>Усього годин</i> | 150 | 16 | 16 | | | 118 | | | | | | |

4. Теми практичних занять

| № з/п | Назва теми | Кількість годин |
|--------|---------------------------------------------------------|-----------------|
| 1 | Методи Монте-Карло, Лас Вегас. | 2 |
| 2 | Метод попарно незалежних випадкових величин. | 2 |
| 3 | Інтерактивна система для неізоморфізма графів. | 2 |
| 4 | Інтерактивний протокол для TQBF. | 2 |
| 5 | Системи інтерактивних доказів з нульовим розголошенням. | 2 |
| 6 | Раціональні інтерактивні докази. | 2 |
| 7 | Наближений розв'язок NP-складних задач. | 2 |
| 8 | Алгоритм Шора. Алгоритм Гровера. | 2 |
| Усього | | 16 |

5. Завдання для самостійної роботи

| № з/п | Назва теми | Кількість годин |
|-------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------|
| 1 | Вивчити методи Монте-Карло, Лас Вегас. Ймовірнісні класи. Ампліфікація. | 8 |
| 2 | Ознайомитись з теоремою Ейдельмана, теорема Гача-Сіпсера. Проблемою $P=?BPP$ | 8 |
| 3 | Опрацювати розділи: Дерандомізація. Метод умовних математичних очікувань. Проблеми MAXCUT та MAX3SAT. | 8 |
| 4 | Вивчити метод попарно незалежних випадкових величин та теорему Hardness vs Randomness. | 8 |
| 5 | Опрацювати розділи: Задачі підрахунку. Теорема про зв'язок рівностей $P=PP$ та $FP=#P$. | 8 |
| 6 | Опрацювати розділи: $#P$ – повнота. Задача про перманент. Теорема Веліанта. | 8 |
| 7 | Опрацювати розділи: Клас IP. Інтерактивна система для неізоморфізма графів. Загальні монетки та клас AM. Деякі властивості IP та AM. | 8 |
| 8 | Опрацювати розділи: $IP=PSPACE$. Арифметизація. Інтерактивний протокол для $\#SAT_D$. | 8 |
| 9 | Ознайомитись із протоколом перевірки суми та інтерактивним протоколом для TQBF. | 8 |

| | | |
|--------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| 10 | Опрацювати розділи: Системи інтерактивних доказів з нульовим розголошенням. Класи ZKP, CZKP, PZKP, SZKP. | 8 |
| 11 | Опрацювати розділи: Раціональні інтерактивні докази. Однораундові докази. Багатораундові докази. | 8 |
| 12 | Опрацювати розділи: Клас PCP. Наближений розв'язок NP-складних задач. PCP-теорема. Трибітна теорема Хестеда. | 8 |
| 13 | Опрацювати розділи: Експоненційна PCP-теорема. Коди Уолша-Адамара. | 8 |
| 14 | Опрацювати розділи: Квантова механіка. Квантова заплутаність. ЕПР-парадокс. Квантові обчислення. Криптографія. | 8 |
| 15 | Опрацювати розділи: Квантові алгоритми. Алгоритм Шора. Алгоритм Гровера. | 6 |
| Усього | | 118 |

6. Індивідуальні завдання

Не передбачено

7. Методи навчання

Лекції викладаються методом проблемного викладення. Використовуючи будь-які джерела й засоби, лектор, перш ніж викладати матеріал, ставить проблему, формулює пізнавальне завдання, а потім, розкриваючи систему доведень, порівнюючи погляди, різні підходи, показує спосіб розв'язання поставленого завдання. Студенти стають ніби свідками і співучасниками наукового пошуку. Лабораторні заняття ведуться дослідницьким методом.

Лекції викладаються методом проблемного викладення. Використовуючи будь-які джерела й засоби, лектор, перш ніж викладати матеріал, ставить проблему, формулює пізнавальне завдання, а потім, розкриваючи систему доведень, порівнюючи погляди, різні підходи, показує спосіб розв'язання поставленого завдання. Студенти стають ніби свідками і співучасниками наукового пошуку. Лабораторні заняття ведуться дослідницьким методом.

- Пояснювально-ілюстративний метод (викладання лекційного, пояснювального практичного матеріалів, Zoom-конференції);
- Проблемні методи (розв'язання проблемних задач, дискусії, самостійне вивчення літератури студентами, Zoom-конференції);
- Репродуктивний метод (виконання завдань на базі зразка, система Moodle).

Критерії оцінювання навчальних досягнень

Загальна максимальна бальна оцінка за екзамен складатиме 40 балів. Мінімальний підсумковий бал складатиме 50 балів, а максимальний – 100 балів. Підсумкова оцінка визначається шляхом переведу підсумкового балу з дисципліни у традиційну академічну оцінку національної шкали ("відмінно",

"добре", "задовільно", "незадовільно" за шкалою, що наведено у попередньому пункті робочої програми.

Загальна максимальна бальна оцінка за екзамен складатиме 40 балів. Мінімальний підсумковий бал складатиме 50 балів, а максимальний – 100 балів. Підсумкова оцінка визначається шляхом переведу підсумкового балу з дисципліни у традиційну академічну оцінку національної шкали ("відмінно", "добре", "задовільно", "незадовільно" за шкалою:

— **"відмінно"** (90 та вище балів) заслуговує студент, який виявив всебічне і глибоке знання програмового матеріалу, вміння вільно виконувати завдання, передбачені програмою, засвоїв основну і ознайомився з додатковою літературою, розуміє взаємозв'язок головних понять дисципліни та їх значення для майбутньої професії;

— **"добре"** (82-89 балів) заслуговує студент, який виявив повне знання програмного матеріалу, успішно виконує передбачені програмою завдання, засвоїв основну літературу рекомендовану програмою, виявив систематичний характер знань з дисциплін і здатний до самостійного доповнення, але під час відповіді допустив деякі неточності;

— **"добре"** (70-81 балів) заслуговує студент, що виявив не цілком повне знання програмного матеріалу, не завжди успішно виконує передбачені програмою завдання, частково засвоїв основну літературу, рекомендовану програмою, виявив не систематичний характер знань з дисциплін і не завжди здатний до їх самостійного доповнення і під час відповіді допускає деякі неточності;

— **"задовільно"** (61-69 балів) заслуговує студент, що виявив знання основного програмного матеріалу в обсязі, необхідному для подальшого навчання та майбутньої роботи за професією, вміє виконувати завдання, передбачені програмою, знайомий з основною рекомендованою літературою. Як правило, оцінка "задовільно" виставляється студентам, що допустили помилки у відповіді на екзамені та при виконанні екзаменаційних завдань, але які володіють необхідними знаннями для їх усунення за допомогою викладача;

— **"задовільно"** (50-60 балів) заслуговує студент, що виявив часткове знання основного програмового матеріалу в обсязі, необхідному для подальшого навчання та майбутньої роботи за професією, не завжди вміє виконувати завдання, передбачені програмою, знайомий лише частково з основною рекомендованою літературою. Як правило, оцінка "достатньо" виставляється студентам, що допустили грубі помилки у відповіді на екзамені та при виконанні екзаменаційних завдань, але які частково володіють необхідними знаннями для їх усунення за допомогою викладача.

— **"незадовільно"** (40-49 балів) виставляється студенту, який виявив суттєві прогалини в знаннях основного програмового матеріалу, допустив принципові помилки у виконанні передбачених програмою завдань.

— **"незадовільно"** (1-39 балів) виставляється студенту коли протягом семестру він допустив грубі помилки у виконанні передбачених програмою завдань.

При виставленні оцінки можуть враховуватися результати навчальної роботи студента протягом семестру.

Передбачаються бали за:

- експрес-контроль на лекції – 10;
- виконання контрольних робіт – 20;
- виконання практичних робіт - 30
- іспит – 40 балів.

Систему рейтингових балів для різних видів контролю та порядок їх переведення у національну (4-бальну) та європейську (ECTS) шкалу подано нижче у таблицях.

8. Методи контролю

На заняттях – опитування, програмування у системі MATLAB. По закінченні модуля – модульний контроль. Форма підсумкового контролю знань – іспит.

9. Схема нарахування балів

| Поточний контроль, самостійна робота, індивідуальні завдання | | | | Іспит | Сума |
|--------------------------------------------------------------|----|----|--------------------------------------------------|-------|------|
| P1 | P2 | P3 | Контрольні роботи, передбачені навчальним планом | | |
| 10 | 15 | 15 | 2*10 | 40 | 100 |

P1, P2, P3 – теми розділів.

Схема нарахування балів на іспиті.

Кожне питання екзаменаційного білету оцінюється наступним чином (максимальна кількість балів за питання - 5):

5 балів – студент повністю відповів на питання;

4 балів – у загалому правильна відповідь, робота з певною кількістю помилок ;

3 балів - відповів на питання, але з великою кількістю недоліків;

2 балів – допущені грубі помилки у відповіді, але студент частково володіє необхідними знаннями;

1 балів - студент відповів на питання з грубими помилками та продемонстрував відсутність володіння базовими знаннями;

0 балів – студент зовсім не відповів на питання.

Кожна задача екзаменаційного білету оцінюється наступним чином (максимальна кількість балів за питання - 15):

15 балів – студент повністю розв’язав задачу без помилок;

10 балів – у загальному правильний розв’язок з певною кількістю незначних помилок ;

5 балів – розв’язав задачу за правильним алгоритмом, але з великою кількістю недоліків;

1 балів – студент позначив хід розв’язання задачі, але не вирішив її;
0 балів – студент зовсім не розв’язав задачу.

Шкала оцінювання

| Сума балів за всі види навчальної діяльності протягом семестру | Оцінка за національною шкалою | |
|----------------------------------------------------------------|-------------------------------------|----------------------------------|
| | для чотирирівневої шкали оцінювання | для дворівневої шкали оцінювання |
| 90 – 100 | відмінно | зараховано |
| 70-89 | добре | |
| 50-69 | задовільно | |
| 1-49 | незадовільно | не зараховано |

9. Рекомендована література

Наочні матеріали надаються з використанням ПЕОМ та проекційного устаткування у спеціально обладнаних аудиторіях.

Базова література

1. Берж К. Теория графов и ее применения. --- М.: Изд-во иностр. лит., 1962.
2. Зыков А.А. Основы теории графов. --- М.: Наука, 1984.
3. Кнут Д. Искусство программирования для ЭВМ. Т. 3. Сортировка и поиск. --- М.: Мир, 1978.
4. Кристофидес Н. Теория графов. Алгоритмический подход. --- М.: Мир, 1978.
5. Оре О. Теория графов. --- М.: Наука, 1968.
6. Скворцов А.В. Триангуляция Делоне и ее применение. --- Издательство Томского университета, 2002.
7. Препарата Ф., Шеймос М. Вычислительная геометрия: Введение / Пер. с англ. М.: Мир, 1989. 478 с.
8. Роджерс Д., Адамс Дж. Математические основы машинной графики / Пер. с англ. М.: Машиностроение, 1980. 204 с.

Інформаційні ресурси

1. Мережа Internet.
2. Бібліотеки ХНУ ім. В.Н.Каразіна.