Міністерство освіти і науки України

Харківський національний університет імені В.Н. Каразіна

Кафедра інформаційних технологій в фізико-енергетичних системах

“**ЗАТВЕРДЖУЮ**”

Проректор

з науково-педагогічної роботи

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Пантелеймонов А.В.

“\_\_\_\_\_\_” \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 20 \_\_ р.

Робоча програма навчальної дисципліни

**ВИЩА МАТЕМАТИКА**

|  |  |
| --- | --- |
| спеціальність: | 144 Теплоенергетика |
| Освітньо-професійна програма: | «Моделювання енергетичних систем та енергоефективність» |

|  |  |
| --- | --- |
| факультет | ННІ комп’ютерної фізики та енергетики |

2020 / 2021 навчальний рік

Програму рекомендовано до затвердження Вченою радою фізико-енергетичного факультету “30\_” \_\_червня\_\_\_ 2020\_ року, протокол №\_6-2/20\_

РОЗРОБНИКИ ПРОГРАМИ:

Лісіна О.Ю., доцент кафедри теплофізики, молекулярної фізики та енергоефективності, канд. физ.-мат. наук.

Програму схвалено на засіданні кафедри теплофізики та молекулярної фізики.

Протокол від “\_\_\_”\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_20\_\_\_\_ року № \_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_

Завідувач кафедри теплофізики, молекулярної фізики та енергоефективності

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ \_\_проф. Мацевитий Ю.М.\_\_

(підпис) (прізвище та ініціали)

Програму погоджено методичною комісією ННІ комп’ютерної фізики та енергетики

назва факультету, для здобувачів вищої освіти якого викладається навчальна дисципліна

Протокол від “30”\_червня\_\_2020 року № \_6/20\_

Голова методичної комісії фізико-енергетичного факультету

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ \_\_\_\_Лісіна О.Ю.\_\_\_\_

(підпис) (прізвище та ініціали)

**Вступ**

Програма навчальної дисципліни **“ Вища математика”** складена відповідно до освітньо-професійної програми підготовки **бакалавр**

|  |  |
| --- | --- |
| спеціальність: | 144 Теплоенергетика |
| освітньо-професійна програма: | «Моделювання енергетичних систем та енергоефективність» |

1. **Опис навчальної дисципліни**

1.1. Мета: навчити студентів володінню відповідним математичним апаратом, який повинен бути достатнім для того, щоб майбутні фахівці могли опрацьовувати математичні моделі, пов’язані з їх подальшою практичною діяльністю, а також складати такі моделі.

1.2. Завдання: спрямування студентів на вивчення основних положень лінійної алгебри та аналітичної геометрії, диференціального й інтегрального числення, дослідження функцій однієї та двох змінних, звичайних диференціальних рівнянь, теорії ймовірностей та узагальнення можливостей практичного використання вивчених методів.

1.3. Кількість кредитів — 17

1.4. Загальна кількість годин — 510

|  |  |
| --- | --- |
| 1.5. Характеристика навчальної дисципліни | |
| Нормативна | |
| Вид кінцевого контролю (семестровий екзамен або залік)  Семестровий іспит | |
| 1 семестр | 2 семестр |
| Рік підготовки | |
| 1-й | 1-й |
| Семестр | |
| 1-й | 2-й |
| Лекції | |
| 60 год. | 64 год. |
| Практичні, семінарські заняття | |
| 60 год. | 64 год. |
| Лабораторні заняття | |
|  | год. |
| Самостійна робота | |
| 150 год. | 112 год. |
| Індивідуальні завдання | |
| год. | |

1.6. Заплановані результати навчання.

Згідно з вимогами освітньо-професійної (освітньо-наукової) програми студенти повинні досягти таких результатів навчання:

знати: системи лінійних рівнянь, основи векторної алгебри, рівняння прямої на площині, прямої і площини у просторі, рівняння кривих другого порядку, основні властивості границь, основні формули та теореми диференціального та інтегрального обчислення, основні положення та методи рішень звичайних диференціальних рівнянь; вміти: вирішувати та аналізувати системи лінійних рівнянь, вирішувати найпростіші задачі аналітичної геометрії, вирішувати найпростіші задачі математичного аналізу, диференціальних рівнянь, теорії ймовірностей, застосувати на практиці отримані знання, застосовувати математичні методи до найпростіших задач теплоенергетики

.

**2. Тематичний план навчальної дисципліни**

**Розділ 1.** Лінійна алгебра

Лекція 1. Матриці та дії над ними

Лекція 2. Визначники та їх властивості

Лекція 3. Системи лінійних алгебраїчних рівнянь. Матричний метод розв’язання. Формули Крамера.

Лекція 4. Метод Гаусса. Ранг матриці та його властивості.

Лекція 5. Дослідження лінійних систем довільної розмірності (теорема Кронекера-Капеллі).

**Розділ** 2. Векторна алгебра і аналітична геометрія

Лекція 6. Вектори на площині та в просторі. Дії над векторами. Базис на площині та в просторі, розкладання вектору за базисом. Координати вектора відносно базису.

Лекція 7. Декартові координати на площині та в просторі. Дії над векторами, що задані своїми координатами. Задача про поділ відрізка у даному відношенні. Скалярний добуток векторів та його властивості. Ортогональність. Кут між векторами.

Лекція 8. Векторний та мішаний добуток векторів, їхні властивості. Площа трикутника та об’єм піраміди в декартових прямокутних координатах.

Лекція 9. Пряма на площині.

Лекція 10. Прямі та площини у просторі.

Лекція 11. Уявлення про криві другого порядку.

**Розділ** 3. Вступ до аналізу

Лекція 12. Функціональна залежність. Основні поняття, пов’язані з функціями однієї змінної. Поняття елементарної функції. Основні елементарні функції.

Лекція 13. Числові послідовності. Границя послідовності та її властивості.

Лекція 14. Монотонні послідовності. Теорема Вейерштрасса. Число e, експонента та натуральний логарифм.

Лекція 15. Границя функції та її властивості.

Лекція 16. Перша та друга визначні границі. Порівняння нескінченно малих, еквівалентність та її застосування до обчислення границь.

Лекція 17. Неперервні функції та їх властивості. Точки розриву та їх класифікація.

**Розділ** 4. Диференційне числення функцій однієї змінної

Лекція 18. Приріст функції в точці. Означення похідної. Диференційовні функції. Основні властивості похідної. Похідна складеної функції.

Лекція 19. Логарифмічне диференціювання. Похідна параметрично заданої функції. Дотична та нормаль до графіку функції. Диференціал. Його геометричний зміст та застосування до наближених обчислень.

Лекція 20. Похідні та диференціали вищих порядків. Теореми Ролля, Лагранжа та Коші.

Лекція 21. Правило Лопиталя. Дослідження функцій на монотонність та екстремум. Формула Тейлора.

Лекція 22. Дослідження функцій на опуклість. Точки перегину. Найбільші та найменші значення функції. Загальна схема дослідження функцій та побудови графіків.

**Розділ** 5. Інтегральне числення функції однієї змінної

Лекція 23. Поняття первісної. Неозначений інтеграл та його основні властивості.

Лекція 24. Заміна змінної та інтегрування за частинами в неозначеному інтегралі.

Лекція 25. Інтегрування раціональних функцій.

Лекція 26. Інтегрування тригонометричних виразів. Основні заміни.

Лекція 27. Інтегрування найпростіших ірраціональностей.

Лекція 28. Основні задачі, що приводять до поняття означеного інтегралу. Означення означеного інтегралу та його основні властивості.

Лекція 29. Заміна змінної та інтегрування за частинами в означеному інтегралі.

Лекція 30. Полярні координати. Геометричні застосування означеного інтегралу. Обчислення площі плоскої фігури.

Лекція 31. Обчислення довжини кривої, об’єму та площі поверхні тіла обертання.

Лекція 32. Фізичні застосування означеного інтегралу.

**Розділ** 6. Функції багатьох змінних

Лекція 33. Поняття функції багатьох змінних. Границя послідовності точок на площині та в просторі. Границі функцій багатьох змінних та їх властивості. Неперервність функцій багатьох змінних.

Лекція 34. Частинний та повний приріст функції багатьох змінних в точці. Частинні похідні. Диференційовність функції багатьох змінних на її умови. Диференціал та його застосування.

Лекція 35. Диференціювання складеної функції. Диференціювання неявної функції. Дотична площина та нормаль до поверхні. Геометричний зміст диференціалу.

Лекція 36. Частинні похідні та диференціали вищих порядків. Формула Тейлора для функцій двох змінних.

Лекція 37. Градієнт та похідна за напрямком. Екстремальна властивість градієнту. Критичні точки функції багатьох змінних. Локальні екстремуми. Необхідна умова локального екстремуму.

Лекція 38. Достатня умова локального екстремуму функції двох змінних. Сідлові точки. Найбільші та найменші значення функції двох змінних. Метод найменших квадратів.

Лекція 39. Основні задачі, що призводять до поняття кратного інтегралу. Означення подвійного інтегралу та його основні властивості. Обчислення подвійних інтегралів за прямокутником та за довільною фігурою.

Лекція 40. Заміна змінної у подвійному інтегралі. Подвійних інтеграл в полярних координатах. Інтеграл Ейлера-Пуассона.

Лекція 41. Потрійні інтеграли та їх обчислення. Потрійний інтеграл в циліндричних на сферичних координатах.

Лекція 42. Геометричні та фізичні застосування кратних інтегралів.

Лекція 43. Основні задачі, що призводять до поняття криволінійного інтегралу. Криволінійний інтеграл, їх властивості та обчислення.

Лекція 44. Криволінійні інтеграли другого роду, іх властивості та обчислення. Формула Гріна.

Лекція 45. Умови незалежності криволінійного інтегралу другого роду від форми шляху. Інтегрування повних диференціалів.

Лекція 46. Поверхневі інтеграли першого та другого роду, їхні властивості та обчислення. Формули Стокса та Гаусса-Остроградського.

Лекція 47. Основні поняття теорії поля.

**Розділ** 7. Числові та функціональні ряди

Лекція 48. Невласні інтеграли та ознаки їх збіжності.

Лекція 49. Основні поняття, пов’язані з числовими рядами. Необхідна умова збіжності та її недостатність. Достатні умови збіжності додатних рядів. Ознака порівняння.

Лекція 50. Ознаки Коші та Даламбера. Інтегральна ознака Коші. Ознака Лейбниця.

Лекція 51. Комплексні числа та дії з ними. Ряди з комплексними членами.

Лекція 52. Основні поняття, що пов’язані з функціональними рядами. Степеневі ряди. Область, інтервал та радіус збіжності.

Лекція 53. Ряди Тейлора. Розкладання основних елементарних функцій у ряд Тейлора.

Лекція 54. Ряди Фур’є. Уявлення про інтеграл та перетворення Фур’є.

**Розділ** 8. Диференційні рівняння.

Лекція 55. Основні поняття, пов’язані з диференційними рівняннями першого порядку. Рівняння із змінними, що розділяються. Однорідні рівняння.

Лекція 56. Лінійні рівняння першого порядку. Рівняння Бернуллі.

Лекція 57. Диференційні рівняння другого порядку. Рівняння, що допускають пониження порядку. Лінійні однорідні рівняння другого порядку.

Лекція 58. Лінійні неоднорідні рівняння другого порядку.

Лекція 59. Системи диференційних рівнянь.

**Розділ** 9. Теорія ймовірності та математична статистика

Лекція 60. Випадкові події та операції над ними. Означення ймовірності та її основні властивості. Класичне та статистичне означення ймовірності.

Лекція 61. Умовна ймовірність. Незалежні події. Формули повної ймовірності, Бейеса та Бернуллі. Дискретні випадкові величини та закони їх розподілу.

Лекція 62. Неперервні випадкові величини та закони їх розподілу. Рівномірний, показниковий та нормальний розподіли. Основні поняття математичної статистики. Точкові та інтервальні статистичні оцінки.

**3. Структура навчальної дисципліни**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Назві розділів і тим | Кількість годин | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| денна форма | | | | | | | | | | заочна форма | | | | | | | | | | | |
| усього | | у тому числі | | | | | | | | усього | | у тому числі | | | | | | | | | |
| л | п | | лаб. | | інд. | с.р. | | л | | п | | лаб. | | інд. | | с.р. | |
| 1 | 2 | | 3 | 4 | | 5 | | 6 | 7 | | 8 | | 9 | | 10 | | 11 | | 12 | | 13 | |
| **Розділ 1.** Лінійна алгебра | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 1 | 58 | 14 | | 14 | |  | |  | 22 | |  | |  | |  | |  | |  | |  | |
| Розділ 2. Векторна алгебра і аналітична геометрія | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 2 | 58 | 14 | | 14 | |  | |  | 30 | |  | |  | |  | |  | |  | |  | |
| **Розділ 3.** Вступ до аналізу | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 3 | 58 | 14 | | 14 | |  | |  | 30 |  | | | |  | |  | |  | |  | |  |
| **Розділ 4** Диференційне числення функцій однієї змінної | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 4 | 62 | 16 | | | 16 | |  |  | 30 |  | | | |  | |  | |  | |  | |  |
| **Розділ 5** Інтегральне числення функції однієї змінної | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 5 | 58 | 14 | | 14 | |  | |  | 30 |  | | | |  | |  | |  | |  | |  |
| **Розділ 6** Функції багатьох змінних | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 6 | 58 | 14 | | 14 | |  | |  | 30 |  | | | |  | |  | |  | |  | |  |
| **Розділ 7** Числові та функціональні ряди | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 7 | 58 | 14 | | 14 | |  | |  | 30 |  | | | |  | |  | |  | |  | |  |
| **Розділ 8** Диференційні рівняння. | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 8 | 58 | 14 | | 14 | |  | |  | 30 |  | | | |  | |  | |  | |  | |  |
| **Розділ 9** Теорія ймовірності та математична статистика | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Разом за розділом 9 | 58 | 14 | | | 14 | |  |  | 30 | | |  | |  | |  | |  | |  | |  |
| **Усього годин** | **510** | **124** | | | **124** | |  |  | **262** | | |  | |  | |  | |  | |  | |  |

**4. Теми практичних зайнять**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| №  з/п | Назва тими | | | Кількість  годин |
| 1 | Множини. Операції над множинами. | | | 7 |
| 2 | Системи координат на площині і у просторі. | | | 7 |
| 3 | Матриці, визначники та системи лінійних рівнянь. | | | 7 |
| 4 | Вектори | | | 7 |
| 5 | Пряма на площині. Пряма і площина у просторі | | | 7 |
| 6 | Еліпс, гіпербола, парабола. | | | 7 |
| 7 | Функція однієї змінної і неперервність | | | 10 |
| 8 | Границі послідовностей та функцій. | | | 7 |
| 9 | Похідна функції та її застосування. | | | 10 |
| 10 | Функції декількох змінних та їх екстремуми | | | 7 |
| 11 | Невизначений інтеграл. | | | 7 |
| 12 | Визначений інтеграл та його застосування | | | 7 |
| 13 | Диференціальні рівняння. | | | 10 |
| 14 | Системи диференційних рівнянь | | | 7 |
| 15 | Означення ймовірності та її основні властивості. | | | 7 |
| 16 | Неперервні випадкові величини та закони їх розподілу. | | | 10 |
|  | | **Разом** |  | **124** |

**5. Самостійна робота**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| №  з/п | Назва тими | Кількість годин |
| 1 | Ознайомитись з системами координат на площині і у просторі. | 35 |
| 2 | Ознайомитись з матрицями, визначниками та системами лінійних рівнянь | 40 |
| 3 | Вивчити прямі на площині | 35 |
| 4 | Вивчити еліпс, гіпербола, парабола | 40 |
| 5 | Вивчити границі послідовностей та функцій | 40 |
| 6 | Ознайомитись з неперервністю функції | 40 |
| 7 | Вивчити екстремуми функції двох змінних | 35 |
| 8 | Вивчити матеріал лекцій | 4 |
| 9 | Виконати практичні роботи | 4 |
| 10 | Підготовитись до екзамену | 4 |
|  | **Разом** | **262** |

**6. Індивідуальні завдання**

Індивідуальні завдання не передбачені

**7. Методи контролю**

У процесі оцінювання навчальних досягнень студентів застосовуються такі методи:

- Методи усного контролю: індивідуальне опитування, фронтальне опитування, співбесіда, екзамен.

- Методи письмового контролю: контрольна робота, екзамен.

- Методи самоконтролю: уміння самостійно оцінювати свої знання, самоаналіз.

Кількість балів за роботу з теоретичним матеріалом, на практичних заняттях, під час виконання самостійної роботи залежить від дотримання таких вимог: систематичність відвідування занять; своєчасність виконання навчальних і індивідуальних завдань; повний обсяг їх виконання; якість виконання навчальних і індивідуальних завдань; самостійність виконання; творчий підхід у виконанні завдань; ініціативність у навчальній діяльності; виконання тестових завдань.

Загальна максимальна бальна оцінка за екзамен складатиме 40 балів. Мінімальний підсумковий бал складатиме 50 балів, а максимальний – 100 балів. Підсумкова оцінка визначається шляхом переводу підсумкового балу з дисципліни у традиційну академічну оцінку національної шкали ("відмінно", "добре", "задовільно", "незадовільно" за шкалою, що наведено у попередньому пункті робочої програми.

1 семестр

Передбачаються бали за:

* експрес-контроль на лекції – 7;
* виконання контрольної роботи – 20;
* виконання РГР - 20
* виконання практичних робіт - 13
* іспит – 40 балів.

2 семестр

Передбачаються бали за:

* експрес-контроль на лекції – 8;
* виконання контрольної роботи – 20;
* виконання практичних робіт - 32
* іспит – 40 балів.

Систему рейтингових балів для різних видів контролю та порядок їх переведення у національну (4-бальну) та європейську (ECTS) шкалу подано нижче у таблицях.

**8. Схема нарахування балів**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Поточний контроль, самостійна робота, індивідуальні завдання | | | | Іспит | | | Сума |
| Розділ 1-9 | | Контрольна роботи, передбачена навчальним планом | Індивідуальне завдання | Разом | |  |  | | |
| 20 | | 20 | - | 60 | | 40 | 100 | | |

**Шкала оцінювання**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Сума балів за всі види навчальної діяльності протягом семестру | Оцінка | |
| для чотирирівневої шкали оцінювання | для дворівневої шкали оцінювання |
| 90 – 100 | відмінно | зараховано |
| 70-89 | добре |
| 50-69 | задовільно |
| 1-49 | незадовільно | не зараховано |

**9. Рекомендована література**

**Основна**

1. Будак Б.М., Фомин С.В. Кратные интегралы и ряды. – М.: Наука, 1967. – 607 с.
2. Демидович Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу. – М.: Наука, 1969. – 544 с.
3. Задачи и упражнения по математическому анализу для втузов; под ред. Б.П.Демидовича. – М.: Наука, 1970. – 472 с.
4. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Основы математического анализа. – М.: Наука, 1998.Ч.1. – 616 с.
5. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Основы математического анализа. – М.: Наука, 1998.Ч.2. – 447 с.
6. Кузнецов Л.А. Сборник заданий по высшей математике. – М.: Наука, 1967. – 640 с.
7. Мышкис А.Д. Лекции по высшей математике. – М.: Наука, 1967. – 640 с.
8. Фихтенгольц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. – М.: Физматгиз, 1962.Т.1. – 607 с.
9. Фихтенгольц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. – М.: Физматгиз, 1959.Т.2. – 807 с.
10. Фихтенгольц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. – М.: Физматгиз, 1963.Т.3. – 656 с.

**10. Посилання на інформаційні ресурси в Інтернеті, відео-лекції, інше методичне забезпечення**

1. Мережа Internet.

2. Бібліотеки ХНУ ім. В.Н.Каразіна.